

UNIVERSIDADE FEDERAL DO ESTADO DO RIO DE JANEIRO CENTRO DE CIÊCIAS EXATAS E TECNOLOGIA (CCET) ESCOLA DE MATEMÁTICA

PROGRAMA DE DISCIPLINA

CURSO: Licenciatura em Matemática

DEPARTAMENTO: Matemática e Estatística (DME)

DISCIPLINA: Introdução à Análise Funcional

PRÉ-REQUISITO: Álgebra Linear II e Introdução à Análise

CARGA HORÁRIA: 60 h NÚMERO DE CRÉDITOS: 4 CÓDIGO:

EMENTA: Espaços de Banach; Espaços de Aplicações Lineares Contínuas; Teoremas da Aplicação Aberta e do Gráfico Fechado; Somas Diretas Topológicas; Teorema de Banach-Steinhaus; Espaços Normados de Dimensão Finita. Espaços de Hilbert.

OBJETIVOS DA DISCIPLINA: Identificar as principais diferenças entre a análise em dimensão finita e a análise em dimensão infinita; manipular adequadamente as normas dos espaços clássicos. Reconhecer e aplicar os teoremas básicos da Análise Funcional.

CONTEÚDO PROGRAMÁTICO:

- Unidade 1: Espaços de Banach
- Unidade 2: Espaços Normados e Aplicações Lineares Contínuas
- Unidade 3: Espaços Normados de dimensão finita
- Unidade 3: Espaços de Hilbert
- Unidade 4: Teorema de Banach-Steinhaus
- Unidade 5: Teoremas da Aplicação Aberta e do Gráfico Fechado
- Unidade 6: Teorema de Hahn-Banach

AVALIAÇÃO: Os critérios de avaliação envolvem: a apreensão mínima dos conhecimentos tratados no curso, a participação e assiduidade. Os procedimentos de avaliação contemplam provas escritas de conhecimentos, que poderão, eventualmente, ser combinadas com (ou

substituídas por) testes, trabalhos individuais ou em grupo, listas de exercícios resolvidas ou seminários.

BIBLIOGRAFIA:

<u>Básica</u>

- Junior, D. P., Introdução à Análise Funcional. Niterói: EDUFF, 2009.
- Erwin Kreyszig, *Introductory Functional Analysis with Applications*, Wiley Classic Library, 1989.

Complementar

 Chaim Samuel Hönig, Aplicações da Topologia à Análise, Rio de janeiro, IMPA, Projeto Euclides, 1976.